## Devoir n°11 - Suites - 1ère spé maths

## 13 mars 2020 - 25 min

Les questions 1 à 6 sont indépendantes.

- 1. (3,5 pts) La suite  $(u_n)$  est définie pour tout entier naturel n par  $u_{n+1} = u_n^2 + u_n + 3n$  et  $u_0 = 2$ .
  - a)  $(u_n)$  est-elle définie sous forme explicite ou par une relation de récurrence?
  - b) Calculer  $u_1$  et  $u_2$ .
  - c) Montrer que la suite  $(u_n)$  n'est ni arithmétique, ni géométrique.
  - d) Déterminer le sens de variation de  $(u_n)$
- 2. (1,5 pts) La suite  $(u_n)$  est définie pour tout entier naturel n par  $u_n = 3 2n$ .  $(u_n)$  est-elle arithmétique ou géométrique?
- 3. (2 pts) La suite  $(u_n)$  est arithmétique de raison 3 et premier terme  $u_0 = 5$ .
  - a) Exprimer  $u_n$  en fonction de n.
  - b) Calculer  $u_{10}$ .
  - c) Calculer  $S = u_0 + u_1 + ... + u_{10}$ .
- 4. (1,5 pts) La suite  $(u_n)$  est géométrique de premier terme  $u_1=3$  et raison q=-2.
  - a) Exprimer  $u_n$  en fonction de n.
  - b) Calculer  $u_5$ .
- 5. (1,5 pts) La suite  $(u_n)$  est arithmétique. On donne  $u_4 = 7$  et  $u_9 = 9$ , déterminer sa raison.
- 6. Bonus (2 pts)  $S = 1 + 3 + 5 + 7 + 9 + 11 + 13 + \dots + 99$ . Calculer S.