Devoir $n^{\underline{0}}4$ - Dérivation et Equation à paramètre - 1ère spé maths

11 novembre 2021 - 30 min

Exercice 1 (2 pts) : Compléter le tableau (-0, 25 par erreur et aucun point si absence de réponse)

Fonction	2x	x^2	x^3	$\frac{1}{x}$	$\frac{1}{x^3}$	\sqrt{x}
Fonction dérivée						
Ensemble de dérivation						

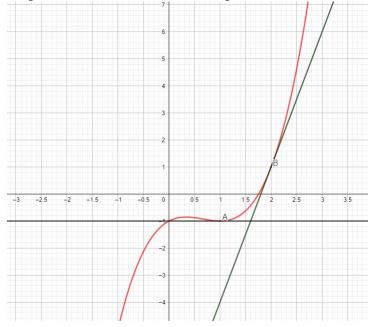
Exercice 2 (3 pts) : Déterminer la fonction dérivée sur D de chacune des fonctions suivantes :

1.
$$f(x) = 3x^3 + 5x^2 - 2x + 1 \text{ sur } D = \mathbb{R}$$

2.
$$g(x) = \frac{3x-1}{x^2+2} \text{ sur } D = \mathbb{R}$$

3.
$$h(x) = 2x\sqrt{x} \text{ sur } D =]0; +\infty[$$

Exercice 3 (4 pts) : On donne ci-dessous la représentation graphique de f et les tangentes à la courbe aux points A et B d'abscisses respectives 1 et 2.



- 1. Déterminer graphiquement f'(1) et f'(2)
- 2. La fonction f est définie sur \mathbb{R} par $f(x) = x^3 2x^2 + x 1$
 - a) Calculer f'(x) puis f'(2), et contrôler la cohérence du résultat avec la question 1.
 - b) Etudier le signe de $3x^2 4x + 1$.
 - c) Dresser le tableau des variations de f.

Exercice 4 (3 pts) : Soit $m \in \mathbb{R}$.

1. Discuter suivant les valeurs de m le nombre de solutions de l'équation

$$x^2 - 2mx + m^2 + m - 5 \equiv 0$$

2. Trouver m pour que -1 soit solution.