Devoir n°2 - Nombres premiers - 3ème

2 octobre 2018 - 1h

Tout doit être bien justifié

Définitions:

Le PGCD de deux nombres entiers est le plus grand diviseur commun de ces deux nombres. Le PPCM de deux nombres entiers est le plus petit multiple commun de ces deux nombres.

Exercice 1 (2,5 pts) : Dans une bibliothèque, il y a 360 livres à ranger sur des étagères. Chaque étagère peut contenir jusqu'à 22 livres.

- 1. Combien faut-il d'étagères pour ranger tous ces livres?
- 2. Combien manque-t'il de livres pour remplir la dernière étagère utilisée?

Exercice 2 (2,5 pts):

- 1. Décomposer 132 et 390 en produit de facteurs premiers.
- 2. En déduire la fraction irréductible égale à $\frac{390}{132}$.

Exercice 3 (5 pts) : Laura dispose de 42 bonbons à la fraise et de 60 bonbons au citron. Elle veut utiliser tous les bonbons, pour réaliser des petits paquets ayant tous le même contenu.

- 1. Peut-elle faire 7 paquets? Justifier.
- 2. Quel est **le plus grand nombre** de paquets qu'elle peut réaliser? Dans ce cas, quelle sera la composition de chaque paquet?

Exercice 4 (5 pts) : La montre de Joseph sonne toutes les 15 heures et celle de Zoé sonne toutes les 21 heures. Les deux montres ont sonné ensemble le 1er octobre à 17h30.

A quelle date et à quelle heure sonneront-elles ensemble de nouveau?

Exercice 5 (4 pts): Le nombre de marches d'un escalier est compris entre 40 et 80.

- Si on compte les marches deux par deux, il en reste une.
- Si on compte les marches trois par trois, il en reste deux.
- Si on compte les marches cinq par cinq, il en reste quatre.

Quel est le nombre de marches de cet escalier?

Exercice 6 (Bonus) : Un nombre pair s'écrit $n = 2 \times p$ (p étant un nombre entier), et un nombre impair s'écrit $n = 2 \times p + 1$. On considère deux entiers a et b positifs.

- 1. La somme a+b est-elle paire? impaire? (tester a et b pairs; a et b impairs; a pair et b impair)
- 2. Le produit $a \times b$ est-il pair? impair? (tester a et b pairs; a et b impairs; a pair et b impair)