Devoir de Mathématiques N^o 6 (30 min)

Exercice 1 (1 pts):

Déterminer le PGCD de 858 et 910.

Exercice 2 (3 pts):

Si on divise 4 294 et 3 521 par un même entier positif, on obtient respectivement 10 et 11 comme restes.

Quel est cet entier?

Exercice 3 (2.5 pts):

Montrer que pour tout entier relatif n, les entiers (14n+3) et (5n+1) sont premiers entre eux. En déduire PGCD(87,31).

Exercice 4 (3,5 pts) : Soient a = n - 1 et $b = n^2 - 3n + 6$ avec $n \in \mathbb{Z}$.

- 1. Démontrer que PGCD(a,b) est un diviseur de 4.
- 2. Déterminer selon les valeurs de n, le PGCD de a et b.
- 3. Pour quelles valeurs de $n, n \neq 1, \frac{b}{a}$ est-il un entier relatif?